

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
ФГБОУ ВО «БАЙКАЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебной работе  
д.юр.н., доц. Васильева Н.В.



30.06.2022г.

**Рабочая программа дисциплины**  
Б1.О.13. Математика

Направление подготовки: 09.03.03 Прикладная информатика  
Направленность (профиль): Информационные системы и технологии в  
управлении  
Квалификация выпускника: бакалавр  
Форма обучения: очная, заочная

	Очная ФО	Заочная ФО
Курс	1	1
Семестр	11-12	11-12
Лекции (час)	50	12
Практические (сем, лаб.) занятия (час)	64	12
Самостоятельная работа, включая подготовку к экзаменам и зачетам (час)	102	192
Курсовая работа (час)		
Всего часов	216	216
Зачет (семестр)		
Экзамен (семестр)	11, 12	11, 12

Иркутск 2022

Программа составлена в соответствии с ФГОС ВО по направлению 09.03.03  
Прикладная информатика.

Автор Н.В. Антипина

Рабочая программа обсуждена и утверждена на заседании кафедры  
математических методов и цифровых технологий

Заведующий кафедрой А.В. Родионов

## 1. Цели изучения дисциплины

Математика является, не только мощным средством решения прикладных задач и, универсальным языком науки, но также и, элементом общей культуры.

Поэтому математическое образование следует рассматривать как важнейшую оставляющую фундаментальной подготовки бакалавров.

Математика является, не только мощным средством, решения прикладных задач и, универсальным языком науки, но также и, элементом общей культуры. Поэтому математическое образование следует рассматривать как важнейшую составляющую фундаментальной подготовки бакалавров.

Целями освоения учебной дисциплины «Математика» являются:

- 1) изучение студентами математического аппарата, необходимого для глубокого усвоения последующих дисциплин базовой части;
- 2) выработка у студентов умения проводить строгий логический и количественный анализ социально-экономических проблем и процессов при решении профессиональных задач на базе математических моделей;
- 3) формирование у студентов необходимой математической культуры и научного мировоззрения для исследования и решения различных прикладных задач.

Развитие математической культуры должно включать в себя ясное понимание необходимости математической составляющей в общей подготовке бакалавра, выработку представления о роли и месте математики в современной цивилизации и в мировой культуре, умение логически мыслить, оперировать с абстрактными объектами и корректно использовать математические понятия и символы для выражения количественных и качественных отношений.

Для выработки у современных специалистов по прикладной информатике с высшим образованием необходимой математической культуры программа предусматривает реализацию следующих основных задач:

- 1) достижение достаточно высокого уровня фундаментальной математической подготовки;
- 2) сбалансированное и взаимосвязанное изучение общей математики и ее приложений;
- 3) ориентация на обучение и выработку у студентов умения строить и использовать математические модели для описания и прогнозирования различных явлений, осуществ

## 2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

### Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

Код компетенции по ФГОС ВО	Компетенция
ОПК-1	Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности

### Структура компетенции

Компетенция	Формируемые ЗУНы
ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и	З. Знать, как применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности У. Уметь применять естественнонаучные и

экспериментального исследования в профессиональной деятельности	<p>общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности</p> <p>Н. Владеть навыками применения естественнонаучных и общеинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности</p>
---	--

### 3. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Принадлежность дисциплины - БЛОК 1 ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛИ): Обязательная часть.

Дисциплины, использующие знания, умения, навыки, полученные при изучении данной: "Организация ЭВМ и систем", "Теория вероятностей и математическая статистика", "Проектирование информационных систем", "Исследование операций", "Эконометрика", "Модели и методы прогнозирования"

### 4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоемкость дисциплины составляет 6 зач. ед., 216 часов.

Вид учебной работы	Количество часов (очная ФО)	Количество часов (заочная ФО)
Контактная(аудиторная) работа		
Лекции	50	12
Практические (сем, лаб.) занятия	64	12
Самостоятельная работа, включая подготовку к экзаменам и зачетам	102	192
Всего часов	216	216

### 5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

#### 5.1. Содержание разделов дисциплины

##### Заочная форма обучения

№ п/п	Раздел и тема дисциплины	Семестр	Лекции	Семинар Лаборат. Практич.	Самостоят. раб.	В интерактивной форме	Формы текущего контроля успеваемости
1.0	Значение и роль математики в экономике	11					Сообщение
1.1	Значение и роль математики в экономике	11	1				
2.0	Введение в линейную	11					Контрольная

№ п/п	Раздел и тема дисциплины	Семестр	Лекции	Семинар Лаборат. Практич.	Самостоят. раб.	В интерактивной форме	Формы текущего контроля успеваемости работа №1
	алгебру и многомерную геометрию						
2.1	Элементы векторной алгебры	11	1	1	10		
2.2	Матричная алгебра	11	1	1	10		
2.3	Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ)	11	2	3	12		
3.0	Введение в математический анализ.	11					
3.1	Элементы теории множеств	11	1	1	12		Теоретический опрос № 1
3.2	Числовые множества.	11			10		
4.0	Предел числовой последовательности.	11			12		Контрольная работа №2
4.1	Числовая последовательность	11			10		
4.2	Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности.	11			10		
4.3	Сходящиеся последовательности.	11			10		
4.4	Монотонные последовательности. Число Эйлера.	12			12		
5.0	Предел и непрерывность функции одной переменной.	12					Контрольная работа №3
5.1	Числовые функции одной переменной как отображение подмножества $\mathbb{R}$ в $\mathbb{R}$ .	12	1				
5.2	Предел функции в точке.	12			4		
5.3	Бесконечно большие и бесконечно малые функции.	12			4		
5.4	Непрерывность функции в точке.	12			6		
6.0	Дифференциальное исчисление функции одной переменной.	12					Теоретический опрос № 2
6.1	Производная функции в точке.	12	1		6		
6.2	Правила дифференцирования.	12	1	1			

№ п/п	Раздел и тема дисциплины	Семестр	Лекции	Семинар Лаборат. Практич.	Самостоят. раб.	В интерактивной форме	Формы текущего контроля успеваемости
	Производные элементарных функций.						
6.3	Производные и дифференциалы высших порядков.	12			2		
6.4	Основные теоремы дифференциального исчисления.	12			2		
6.5	Приложение дифференциального исчисления к исследованию функции.	12	1	2	4		Контрольная работа №4
7.0	Интегральное исчисление функции одной независимой переменной.	12					
7.1	Неопределенный интеграл. Основные методы интегрирования.	12			8		Контрольная работа №5
7.2	Определенный интеграл. Основные методы интегрирования. Геометрические приложения определенного интеграла.	12			6		Контрольная работа №6
7.3	Приложение в экономике определенного интеграла	12			2		
8.0	Множества и последовательности в $n$ -мерном Евклидовом пространстве.	12					
8.1	Множества и последовательности в $n$ -мерном Евклидовом пространстве.	12			7		
8.2	Сходимость последовательности векторов (точек $n$ -мерного пространства)	12			2		
9.0	Функции нескольких переменных.	12					Контрольная работа №7
9.1	Числовая функция нескольких переменных.	12	1	1	5		

№ п/п	Раздел и тема дисциплины	Семестр	Лекции	Семинар Лаборат. Практич.	Самостоят. раб.	В интерактивной форме	Формы текущего контроля успеваемости
9.2	Предел и непрерывность функции в точке.	12			5		
9.3	Дифференцирование функции нескольких переменных.	12	1	1	8		
9.4	Экстремум функции нескольких переменных.	12		1	8		
9.5	Выпуклые и вогнутые функции нескольких переменных.	12			5		
	ИТОГО		12	12	192		

#### Очная форма обучения

№ п/п	Раздел и тема дисциплины	Семестр	Лекции	Семинар Лаборат. Практич.	Самостоят. раб.	В интерактивной форме	Формы текущего контроля успеваемости
		11					
1	Значение и роль математики в экономике	11					Сообщение
1.1	Значение и роль математики в экономике	11	0	0	5		
2	Введение в линейную алгебру и многомерную геометрию	11					Контрольная работа №1
2.1	Элементы векторной алгебры	11	2	2	2		
2.2	Матричная алгебра	11	4	4	2		
2.3	Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ)	11	4	4	4		
3	Введение в математический анализ.	11					
3.1	Элементы теории множеств	11	4	2	5		Теоретический опрос № 1
3.2	Числовые множества.	11	2	4	10		
4	Предел числовой последовательности.	11					Контрольная работа №2
4.1	Числовая последовательность	11	2	2	10		
4.2	Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности.	11	2	2	7		
4.3	Сходящиеся последовательности.	11	4	4	7		
4.4	Монотонные	11	2	2	4		

№ п/п	Раздел и тема дисциплины	Семестр	Лекции	Семинар Лаборат. Практич.	Самостоят. раб.	В интерактивной форме	Формы текущего контроля успеваемости
	последовательности. Число Эйлера.						
4.5	Приложения последовательностей в экономике.	12	2	2	10		
5	Предел и непрерывность функции одной переменной.	12					Контрольная работа №3
5.1	Числовые функции одной переменной как отображение подмножества $R$ в $R$ .	12	2	0	2		
5.2	Предел функции в точке.	12	2	4	3		
5.3	Бесконечно большие и бесконечно малые функции.	12	2	2	3		
5.4	Непрерывность функции в точке.	12	2	4	2		
6	Дифференциальное исчисление функции одной переменной.	12					Теоретический опрос № 2
6.1	Производная функции в точке.	12	2	2	1		
6.2	Правила дифференцирования. Производные элементарных функций.	12	2	2	1		
6.3	Производные и дифференциалы высших порядков.	12	2	0	1		
6.4	Основные теоремы дифференциального исчисления.	12	2	2	1		
6.5	Приложение дифференциального исчисления к исследованию функции.	12	1	2	1		Контрольная работа №4
7	Интегральное исчисление функции одной независимой переменной.	12					
7.1	Неопределенный интеграл. Основные методы интегрирования.	12	1	2	2		Контрольная работа №5
7.2	Определенный	12	1	2	2		Контрольная



№ п/п	Раздел и тема дисциплины	Семестр	Лекции	Семинар Лаборат. Практич.	Самостоят. раб.	В интерактивной форме	Формы текущего контроля успеваемости
	интеграл. Основные методы интегрирования. Геометрические приложения определенного интеграла.						работа №6
7.3	Приложение в экономике определенного интеграла	12	1	2	2		
8	Множества и последовательности в n-мерном Евклидовом пространстве.	12					
8.1	Множества и последовательности в n-мерном Евклидовом пространстве.	12	0	1	2		
8.2	Сходимость последовательности векторов (точек n-мерного пространства)	12	0	1	3		
9	Функции нескольких переменных.	12					Контрольная работа №7
9.1	Числовая функция нескольких переменных.	12	1	2	2		
9.2	Предел и непрерывность функции в точке.	12	0	2	2		
9.3	Дифференцирование функции нескольких переменных.	12	1	2	2		
9.4	Экстремум функции нескольких переменных.	12	0	2	2		
9.5	Выпуклые и вогнутые функции нескольких переменных.	12	0	2	2		
	ИТОГО		50	64	102		

## 5.2. Лекционные занятия, их содержание

№ п/п	Наименование разделов и тем	Содержание
1	Элементы векторной алгебры	Пространство $R^n$ ; линейные функции; уравнения и неравенства. Понятие n-мерного вектора. Соответствие между двумерными векторами и точками координатной плоскости.

№ п/п	Наименование разделов и тем	Содержание
		<p>Сравнение векторов: нулевой вектор, равенство и неравенства между векторами; неотрицательный ортант <math>R_n^+</math></p> <p>Арифметические операции над векторами, их свойства и геометрическая интерпретация в <math>R^2</math>. Понятие векторного пространства <math>R</math>. Скалярное произведение векторов и его свойства. Норма (длина) вектора; расстояние между векторами (точками в <math>R^n</math>). Угол между векторами; ортогональность векторов. Стандартный базис и разложение произвольного вектора по базису. Направляющие косинусы векторов. Замкнутые и открытые шары в <math>R^n</math>. Линейные функции уравнения, неравенства и простейшие множества в <math>R</math>. Параметрические уравнения прямой, проходящей через точку в заданном направлении; луча; отрезка. Уравнение плоскости и его нормаль. Полупространства в <math>R^n</math>, их геометрическая интерпретация в <math>R^n</math>. Приложения векторной алгебры в экономике: линейные функции дохода и издержек; бюджетные ограничения потребителя или производителя.</p>
2-3	Матричная алгебра	<p>Понятие матрицы, виды матриц, операции над матрицами и их свойства. Векторно-матричные операции: произведение матрицы на вектор как линейное преобразование векторов; его представление через векторы - столбцы и векторы строки матрицы; билинейные и квадратичные формы. Определитель матрицы и его свойства. Определители матриц 2-го и 3-го порядков. Миноры и алгебраические дополнения элементов матрицы. Свойства определителей и вычисление определителей произвольного порядка. Обратная матрица, условие ее существования и способ нахождения.</p>
4-5	Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ).	<p>Однородные и неоднородные системы, решения системы, совместные и несовместные системы, определенные и неопределенные системы. Решение в матричной форме, правило Крамера. Ранг матрицы и его нахождение. Общие системы линейных уравнений: условие совместности однородных и неоднородных систем (теорема Кронекера-Капелли): базисное решение. Эквивалентные преобразования и метод исключения Гаусса.</p>
6-8	Элементы теории множеств. Числовые множества. Комплексные числа.	<p>Понятие множества. Способы описания множеств и операций над ними: объединение, пересечение, дополнение. Равенство множеств. Пустое множество. Множество всех подмножеств данного множества. Декартово произведение двух и более множеств. Отображение одного множества в другое; область определения, область значений, график отображения. Тожественное отображение множества в себя. Образ элемента или подмножества области определения; полный прообраз элемента или множества из области значений. Композиция (суперпозиция) отображений. Понятие множества действительных чисел. Арифметические операции над вещественными числами и их упорядочение. Непрерывность множества вещественных чисел. Ограниченные числовые множества, максимумы, минимумы, точные грани числовых множеств. Понятие комплексных чисел. Способы</p>

№ п/п	Наименование разделов и тем	Содержание
		представления и операции над ними. Символы математической логики, их использование.
9	Числовая последовательность.	Определение; способы задания; арифметические действия; ограниченные и неограниченные числовые последовательности.
10	Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности	Определение, основные свойства. Связь бесконечно малых и бесконечно больших числовых последовательностей.
11-12	Сходящиеся последовательности.	Предел числовой последовательности. Связь сходящихся последовательностей с бесконечно малыми последовательностями. Свойства сходящихся последовательностей: единственность предела; ограниченность; арифметические операции; предельный переход в неравенствах. Принцип сходимости Коши, фундаментальная последовательность. Подпоследовательности и предельные точки. Теорема Больцано-Вейерштрасса о выделении сходящихся подпоследовательностей. Понятие верхнего и нижнего пределов.
13	Монотонные последовательности. Число Эйлера.	Определение монотонных последовательностей и признак сходимости. Принцип вложенных отрезков. Число $e$ .
14	Приложения последовательностей в экономике	Простые проценты; сложные проценты с однократным, многократным и непрерывным начислением. Статическая модель равновесия спроса и предложения. Паутинообразная модель рынка; понятие равновесного решения и его устойчивость; нахождение решения и исследование его поведения во времени
15	Числовые функции одной переменной	Определение. Область определения и множества значений; примеры из экономической теории. График функции и уравнение графика функции. Способы задания функций. Классификация функций. Понятие максимума, минимума и точных верхней и нижней граней функции. Понятия сложной и обратной функции. Функции спроса и цены спроса
16	Предел функции в точке.	Определение предела на языке последовательностей и на языке эпсилон-дельта, их эквивалентность; понятие предела на бесконечности. Односторонние пределы и их связь с пределом функции в точке. Предел арифметических операций над функциями с общей областью определения. Предельный переход в неравенствах. Первый и второй замечательные пределы.
17	Бесконечно малые и бесконечно большие функции.	Определение. Связь бесконечно малых функций с пределом функции. Свойства и сравнение бесконечно малых функций. Бесконечные односторонние пределы.
18	Непрерывность функции в точке.	Определения на языке эпсилон-дельта, в терминах предела функции и на языке последовательностей; их эквивалентность. Непрерывность на отрезке и интервале. Арифметические операции над непрерывными функциями. Непрерывность элементарных функций. Точки разрыва функции и их

№ п/п	Наименование разделов и тем	Содержание
		классификация. Кусочно-непрерывные функции. Монотонные функции; виды разрывов монотонной функции. Примеры непрерывных и разрывных экономических показателей, и процессов. Непрерывность суперпозиции непрерывных функций. Теорема о существовании и непрерывности обратной функции. Основные свойства непрерывных функций: устойчивость знака; прохождение через нуль; промежуточные значения (непрерывность образа); ограниченность и существование максимума и минимума на отрезке (теоремы Вейерштрасса). Равномерная непрерывность и теорема Кантора.
19	Производная функции в точке. Понятие о предельном анализе в экономике	Определение производной и ее геометрический смысл, уравнение касательной к графику дифференцируемой функции. Односторонние и бесконечные производные. Дифференцируемость и дифференциал функции. Непрерывность дифференцируемой функции, необходимое и достаточное условие дифференцируемости, геометрический смысл дифференциала и его использование для приближенного вычисления значения функции. Производная как показатель мгновенного прироста или скорости изменения функции; простейшие предельные характеристики – предельный доход; предельная прибыль; предельный продукт
19	Правила дифференцирования. Производные элементарных функций.	Дифференцирование суммы, разности, произведения и частного. Производные постоянной, степенной, тригонометрических и логарифмических функций. Производная обратной функции. Производные показательной и обратных тригонометрических функций. Производная сложной функции. Логарифмическая производная и ее интерпретация как темпа прироста функции. Эластичность функции. Производная показательно-степенной функции и степенной функции с произвольным вещественным показателем. Дифференцирование параметрически заданных и неявно заданных функций.
19	Производные и дифференциалы высших порядков.	Производные и дифференциалы высших порядков. Инвариантность формы первого дифференциала.
19	Основные теоремы дифференциального исчисления.	Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Их геометрическая интерпретация. Раскрытие неопределенностей: правило Лопиталя. Формула Тейлора (Маклорена) с остаточным членом в форме Пеано и Лагранжа. Формула Маклорена для элементарных функций. Формула бинома Ньютона. Приближенное вычисление числа «е».
19	Асимптоты графика функции. Приложение дифференциального исчисления к исследованию функций. Признаки	Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функции и построение ее графика. Необходимые и достаточные условия монотонности и строгой монотонности на интервале; необходимые и достаточные условия локального экстремума 1-го порядка на интервале; достаточные условия 2-го порядка; поиск глобального экстремума на отрезке. Выпуклые и вогнутые функции на интервале: геометрическое

№ п/п	Наименование разделов и тем	Содержание
	<p>монотонности. Признаки выпуклости.</p>	<p>определение через касательную и его аналитическая форма; взаимосвязь выпуклости и вогнутости; необходимые и достаточные условия выпуклости и вогнутости функции (через вторую производную); совпадения локального максимума с глобальным для вогнутых функций, и локального минимума с глобальным для выпуклых функций на промежутке. Геометрическое определение выпуклости (вогнутости) негладких функций через хорду и его аналитическая форма. Интервалы строгой выпуклости (вогнутости) и точки перегиба. Применение выпуклых (вогнутых) функций в экономической теории.</p>
20	Неопределенный интеграл.	<p>Первообразная функции и ее свойства; определение неопределенного интеграла, его свойства. Таблица основных интегралов. Методы интегрирования: непосредственное интегрирование; замена переменной; интегрирование по частям. Интегрирование рациональных дробей некоторых иррациональных и трансцендентных функций.</p>
21	Определенный интеграл Римана.	<p>Определение, геометрический смысл. Необходимое условие интегрируемости. Суммы Дарбу. Критерий интегрируемости. Интегрируемость непрерывных функций, функций с конечным числом точек разрыва. Свойства определенного интеграла. Теорема о среднем. Существование первообразной непрерывной функции. Формула Ньютона-Лейбница. Вычисление определенного интеграла методом замены переменной и интегрирование по частям. Понятие о несобственных интегралах I и II рода, признаки сходимости.</p>
21	Приложение в экономике определённого интеграла Римана.	<p>Восстановление функций экономического анализа по их предельным характеристикам; вычисление суммарных и средних показателей; вычисление ренты потребителя; связь потока инвестиций с приростом и запасом капитала; наращенная сумма долга при непрерывном начислении сложных процентов.</p>
22	Числовая функция $n$ переменных.	<p>Определение числовой функции <math>n</math> переменных (функции векторного аргумента или отображения подмножества <math>R^n</math> в <math>R^1</math>). Экономическая интерпретация функции как зависимость между эндогенной переменной и экзогенными переменными. Геометрическое изображение функции двух переменных; линии уровня и их построение. Поверхности уровня (при <math>&gt;2</math>). Поверхности и линии уровня в экономической теории (изокосты, изокванты и кривые безразличия).</p>
23	Дифференциальное исчисление функций многих переменных.	<p>Частные производные и дифференцируемость функций нескольких переменных. Частные производные. Дифференцируемость функции многих переменных, необходимое и достаточное условие дифференцируемости, формула Тейлора 1-го порядка; дифференциал функции. Приложения: предельные характеристики многофакторных функций экономической теории; эластичность функции. Производная по направлению и градиент функции многих переменных. Частные производные и дифференциалы второго порядка, гессиан. Формула Тейлора 2-го порядка.</p>

### 5.3. Семинарские, практические, лабораторные занятия, их содержание

№ раздела и темы	Содержание и формы проведения
2	<p>Элементы векторной алгебры и аналитической геометрии. Проводится в форме практического занятия.</p> <p>Элементы векторной алгебры. Операции над векторами; скалярное произведение векторов; углы между векторами; ортогональность векторов; направляющие косинусы. Уравнения прямой, луча, отрезка, плоскости, полупространства, нормаль плоскости и углы между плоскостями.</p> <p>2. Матричная алгебра. Операции над матрицами, экономические приложения (вычисления дохода, издержек).</p> <p>Определители матриц 2 - 4-го порядка, миноры и алгебраические дополнения элементов матрицы. Обратная матрица и ее нахождение.</p> <p>3. Системы линейных алгебраических уравнений. Нахождение решений систем линейных алгебраических уравнений с использованием обратной матрицы, правило Крамера.</p> <p>Ранг матрицы и его нахождение. Исследование совместности и определенности систем линейных алгебраических уравнений. Нахождение решений общих систем, базисное решение.</p> <p>Решение систем алгебраических уравнений методом исключения Гаусса, анализ совместности и определенности. Экономические приложения.</p>
2	<p>Матричная алгебра. Проводится в форме практического занятия.</p> <p>Матричная алгебра. Операции над матрицами, экономические приложения (вычисления дохода, издержек).</p> <p>Определители матриц 2 - 4-го порядков, миноры и алгебраические дополнения элементов матрицы. Обратная матрица и ее нахождение</p>
2	<p>Исследование и решение систем линейных алгебраических уравнений. Проводится в форме практического занятия.</p> <p>Системы линейных алгебраических уравнений. Нахождение решений систем линейных алгебраических уравнений с использованием обратной матрицы, правило Крамера.</p> <p>Ранг матрицы и его вычисление. Исследование совместности и определенности систем линейных алгебраических уравнений. Нахождение решений общих систем, базисное решение.</p> <p>Решение систем алгебраических уравнений методом исключения Гаусса, анализ совместности и определенности. Экономические приложения</p>
3	<p>Элементы теории множеств.</p> <p>Множество вещественных чисел. Проводится в форме практического занятия.</p> <p>Понятие множества. Способы описания множеств и операций над ними: объединение, пересечение, дополнение. Равенство множеств. Пустое множество. Множество всех подмножеств данного множества. Декартово произведение двух и более множеств.</p> <p>Отображение одного множества в другое; область определения, область значений, график отображения. Тожественное отображение множества в себя. Образ элемента или подмножества области определения; полный прообраз элемента или множества из области значений. Композиция (суперпозиция) отображений.</p> <p>2. Множество вещественных чисел. Арифметические операции над</p>

№ раздела и темы	Содержание и формы проведения
	<p>вещественными числами и их упорядочение. Непрерывность множества вещественных чисел.</p> <p>3. Ограниченные числовые множества, максимумы, минимумы и точные грани числовых множеств.</p> <p>4. Комплексные числа. Способы представления и операции над ними. Символы математической логики, их использование.</p>
3	<p>Числовые множества. Проводится в форме практического занятия.</p> <p>Ограниченные числовые множества, максимумы, минимумы и точные грани числовых множеств.</p> <p>Комплексные числа. Способы представления и операции над ними. Символы математической логики, их использование</p>
4	<p>Числовые последовательности. Основные определения. Способы задания числовых последовательностей. Проводится в форме практического занятия.</p> <p>Числовая последовательность: способы задания; ограниченность и неограниченность числовых последовательностей.</p> <p>2. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности и их свойства.</p> <p>3. Сходящиеся последовательности. Предел числовой последовательности. Нахождение пределов числовых последовательностей исходя из определения и свойств сходящихся последовательностей, с использованием второго замечательного предела. Подпоследовательность. Нахождение верхнего и нижнего пределов.</p> <p>4. Монотонные последовательности. Признак сходимости.</p> <p>5. Приложения последовательностей в экономике.</p>
4	<p>Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности и их свойства. Проводится в форме практического занятия.</p> <p>Определение, основные свойства. Связь бесконечно малых и бесконечно больших числовых последовательностей</p>
4	<p>Сходящиеся последовательности. Проводится в форме практического занятия.</p> <p>Предел числовой последовательности. Нахождение пределов числовых последовательностей исходя из определения и свойств сходящихся последовательностей, с использованием второго замечательного предела. Подпоследовательность. Нахождение верхнего и нижнего пределов</p>
4	<p>Монотонные числовые последовательности. Число Эйлера. Проводится в форме практического занятия.</p> <p>Определение монотонных последовательностей и признак сходимости. Принцип вложенных отрезков. Число <math>e</math></p>
4	<p>Приложения последовательностей в экономике. Проводится в форме практического занятия.</p> <p>Простые проценты; сложные проценты с однократным, многократным и непрерывным начислением. Статическая модель равновесия спроса и предложения. Паутинообразная модель рынка; понятие равновесного решения и его устойчивость; нахождение решения и исследование его поведения во времени</p>
5	<p>Вычисление предела функции в точке. Проводится в форме практического занятия.</p> <p>Раскрытие математических неопределенностей.</p>

№ раздела и темы	Содержание и формы проведения
	Вычисление односторонних пределов и их связь с пределом функции в точке. Предел арифметических операций над функциями с общей областью определения. Предельный переход в неравенствах. Первый и второй замечательные пределы.
5	Бесконечно малые и бесконечно большие функции на языке предела функции. Проводится в форме практического занятия. Определение. Связь бесконечно малых функций с пределом функции. Свойства и сравнение бесконечно малых функций. Бесконечные односторонние пределы.
5	Непрерывность функции одной переменной. Проводится в форме практического занятия. Функция одной переменной: область определения и множество значений; график функции; максимум и минимум функции; точные верхние и нижние грани. Обратные функции. Предел функции в точке. Нахождение пределов с использованием: определения предела; свойств предела. Односторонние и бесконечные пределы. Первый и второй замечательный пределы и их использование при нахождении пределов функции. 3. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Сравнение бесконечно малых функций и их использование при нахождении пределов. _ 4. Непрерывность функции. Нахождение промежутков непрерывности, точек разрыва и их классификация
6	Вычисление производной и дифференциала функции в точке. Производная: определение производной и ее геометрический смысл, уравнение касательной к графику дифференцируемой функции. Дифференцируемость и дифференциал функции. Непрерывность дифференцируемой функции, геометрический смысл дифференциала и его использование для приближенного вычисления значения функции. Понятие о предельном анализе в экономике: производная как показатель мгновенного прироста или скорости изменения функции; простейшие предельные характеристики. Дифференцирование суммы, разности, произведения и частного. Производные постоянной, степенной, тригонометрических и логарифмических функций. Производная обратной функции. Производные показательной и обратных тригонометрических функций. Производная сложной функции. Логарифмическая производная и ее интерпретация как темпа прироста функции. Приложение дифференциального исчисления к исследованию функций
7	Нахождение неопределенного и вычисление определенного интегралов. Проводится в форме практического занятия. Неопределенный интеграл, методы интегрирования: непосредственное интегрирование; замена переменной в неопределенном интеграле; интегрирование по частям; интегрирование рациональных и некоторых иррациональных функций; интегрирование трансцендентных функций.
7.2	Вычисление определенного интеграла. Основные методы интегрирования. Проводится в форме практического занятия. Вычисление определенного интеграла методом замены переменной и интегрирование по частям. Вычисление и исследование на сходимость несобственных интегралов I и II рода
1	Приложение определенного интеграла в экономике. Проводится в форме



№ раздела и темы	Содержание и формы проведения
	практического занятия. Решение задач по соответствующей теме
8	Сходимость последовательности векторов в n-мерном векторном пространстве. Проводится в форме практического занятия. Свойства сходящихся последовательностей. Характеристика замкнутых множеств через сходящиеся последовательности. Предельные точки последовательности. Компактные множества
8.1	Множества и последовательности в n-мерном Евклидовом пространстве. Проводится в форме практического занятия. Решение задач по соответствующей теме
9	Числовая функция многих переменных. Поводится в форме практического занятия. Нахождение области определения числовой функции n переменных. Экономическая интерпретация функции как зависимость между эндогенной переменной и экзогенными переменными. Геометрическое изображение функции двух переменных; линии уровня и их построение. Поверхности уровня (при $>2$ ). Поверхности и линии уровня в экономической теории (изокосты, изокванты, кривые безразличия).
9	Предел и непрерывность функции в точке. Поводится в форме практического занятия. Вычисление предела функции в точке. Повторные пределы. Исследование функции на непрерывность. Точки разрыва функции нескольких переменных
9	Дифференцирование функции нескольких переменных. Поводится в форме практического занятия. Частные производные и дифференцируемость функций нескольких переменных. Нахождение частных производных и дифференциала первого порядка. Дифференцируемость функции многих переменных, необходимое и достаточное условие дифференцируемости. Формула Тейлора 1-го порядка; дифференциал функции. Производная по направлению и градиент функции многих переменных. Частные производные и дифференциалы второго порядка, гессиан. Экстремум функции многих переменных. Определения точек безусловного максимума и минимума (локальных и глобальных). Необходимое условие экстремума первого порядка – теорема Ферма. Достаточное условие экстремума второго порядка.
9.1	Экстремум функции нескольких переменных. Поводится в форме практического занятия. Решение задач по теме исследование функции на экстремум.
9.1	Выпуклые и вогнутые функции. Поводится в форме практического занятия. Исследование функции на выпуклость и вогнутость

## 6. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации по дисциплине (полный текст приведен в приложении к рабочей программе)

### 6.1. Текущий контроль

№ п/п	Этапы формирования компетенций (Тема из рабочей программы дисциплины)	Перечень формируемых компетенций по ФГОС ВО	(ЗУНы: (З.1...З.п, У.1...У.п, Н.1...Н.п)	Контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы (Наименование оценочного средства)	Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания (по 100-балльной шкале)
1	1. Значение и роль математики в экономике	ОПК-1	З.Знать, как применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности У.Уметь применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности Н.Владеть навыками применения естественнонаучных и общеинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	Сообщение	Качественно представленное сообщение оценивается в 25 баллов (25)
2	2. Введение в линейную алгебру и многомерную геометрию	ОПК-1	З.Знать, как применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности У.Уметь применять	Контрольная работа №1	Каждое правильно решенное задание оценивается в 5 баллов. (30)

№ п/п	Этапы формирования компетенций (Тема из рабочей программы дисциплины)	Перечень формируемых компетенций по ФГОС ВО	(ЗУНы: З.1...З.п, У.1...У.п, Н.1...Н.п)	Контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы (Наименование оценочного средства)	Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания (по 100-балльной шкале)
			естественнонаучные и инженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности Н. Владеть навыками применения естественнонаучных и инженерных знаний, методов математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности		
3	3.1. Элементы теории множеств	ОПК-1	З. Знать, как применять естественнонаучные и инженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности У. Уметь применять естественнонаучные и инженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности Н. Владеть навыками применения естественнонаучных и	Теоретический опрос № 1	Правильный ответ на вопрос или задание оценивается в 4 балла (40)

№ п/п	Этапы формирования компетенций (Тема из рабочей программы дисциплины)	Перечень формируемых компетенций по ФГОС ВО	(ЗУНы: (З.1...З.п, У.1...У.п, Н.1...Н.п)	Контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы (Наименование оценочного средства)	Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания (по 100-балльной шкале)
			общеинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности		
4	4. Предел числовой последовательности.	ОПК-1	З.Знать, как применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности У. Уметь применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности Н. Владеть навыками применения естественнонаучных и общеинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	Контрольная работа №2	Каждое правильно решенное задание оценивается в 1 балл (5)
				<b>Итого</b>	<b>100</b>
5	5. Предел и непрерывность функции одной	ОПК-1	З.Знать, как применять естественнонаучные и	Контрольная работа №3	Каждая правильно решенная задача

№ п/п	Этапы формирования компетенций (Тема из рабочей программы дисциплины)	Перечень формируемых компетенций по ФГОС ВО	(ЗУНы: (З.1...З.п, У.1...У.п, Н.1...Н.п)	Контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы (Наименование оценочного средства)	Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания (по 100-балльной шкале)
	переменной.		<p>общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности</p> <p>У. Уметь применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности</p> <p>Н. Владеть навыками применения естественнонаучных и общеинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности</p>		– 2 балла. (10)
6	6. Дифференциальное исчисление функции одной переменной.	ОПК-1	<p>З. Знать, как применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности</p> <p>У. Уметь применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы</p>	Теоретический опрос № 2	<p>За каждый правильный ответ на вопрос теоретической части – 3 балла, за каждое правильно выполненное задание практической части – 2 балла. (20)</p>

№ п/п	Этапы формирования компетенций (Тема из рабочей программы дисциплины)	Перечень формируемых компетенций по ФГОС ВО	(ЗУНы: (З.1...З.п, У.1...У.п, Н.1...Н.п))	Контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы (Наименование оценочного средства)	Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания (по 100-балльной шкале)
			математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности Н. Владеть навыками применения естественнонаучных и общинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности		
7	6.5. Приложение дифференциального исчисления к исследованию функции.	ОПК-1	З. Знать, как применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности У. Уметь применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности Н. Владеть навыками применения естественнонаучных и общинженерных знаний, методов математического	Контрольная работа №4	Правильно выполненное задание оценивается в 10 баллов (10)

№ п/п	Этапы формирования компетенций (Тема из рабочей программы дисциплины)	Перечень формируемых компетенций по ФГОС ВО	(ЗУНы: З.1...З.п, У.1...У.п, Н.1...Н.п)	Контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы (Наименование оценочного средства)	Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания (по 100-балльной шкале)
			анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности		
8	7.1. Неопределенный интеграл. Основные методы интегрирования.	ОПК-1	З.Знать, как применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности У.Уметь применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности Н.Владеть навыками применения естественнонаучных и общинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	Контрольная работа №5	Каждое правильно выполненное задание оценивается в 2 балла. (20)
9	7.2. Определенный интеграл. Основные методы интегрирования. Геометрические	ОПК-1	З.Знать, как применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и	Контрольная работа №6	Критерии оценки: за правильно выполненные первые 2 задания – по 4 балла, за верно

№ п/п	Этапы формирования компетенций (Тема из рабочей программы дисциплины)	Перечень формируемых компетенций по ФГОС ВО	(ЗУНы: (З.1...З.п, У.1...У.п, Н.1...Н.п))	Контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы (Наименование оценочного средства)	Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания (по 100-балльной шкале)
	приложения определенного интеграла.		моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности У. Уметь применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности Н. Владеть навыками применения естественнонаучных и общинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности		выполненные остальные задания – по 3 балла. (20)
10	9. Функции нескольких переменных.	ОПК-1	З. Знать, как применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности У. Уметь применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и	Контрольная работа №7	Критерии оценки: за правильно выполненные первое и второе задания – по 5 баллов, за правильно выполненное третье задание – 10 баллов. (20)



№ п/п	Этапы формирования компетенций (Тема из рабочей программы дисциплины)	Перечень формируемых компетенций по ФГОС ВО	(ЗУНы: (З.1...З.п, У.1...У.п, Н.1...Н.п)	Контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы (Наименование оценочного средства)	Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания (по 100-балльной шкале)
			экспериментального исследования в профессиональной деятельности Н. Владеть навыками применения естественнонаучных и общинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности		
				<b>Итого</b>	<b>100</b>

## 6.2. Промежуточный контроль (зачет, экзамен)

Рабочим учебным планом предусмотрен Экзамен в семестре 11.

### ВОПРОСЫ ДЛЯ ПРОВЕРКИ ЗНАНИЙ:

1-й вопрос билета (40 баллов), вид вопроса: Тест/проверка знаний. Критерий: Каждое правильно выполненное задание оценивается в 4 балла.

**Компетенция: ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности**

Знание: Знать, как применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности

1. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности: определения и их основные свойства
2. Векторно-матричные операции: произведение матрицы на вектор как линейное преобразование векторов; его представление через векторы-столбцы и векторы-строки матрицы
3. Декартово произведение двух и более множеств
4. Замкнутые и открытые шары в  $R^n$
5. Линейные функции уравнения, неравенства и простейшие множества в  $R$
6. Логическая символика
7. Метод исключения Гаусса
8. Миноры и алгебраические дополнения элементов матрицы

9. Монотонные и ограниченные числовые последовательности. Определения. Связь между ними
10. Монотонные последовательности. Определение и признак сходимости. Принцип вложенных отрезков
11. Направляющие косинусы векторов
12. Норма (длина) вектора; расстояние между векторами (точками в  $R_n$ )
13. Обратная матрица, условие ее существования и способ нахождения
14. Общие системы линейных алгебраических уравнений: условие совместности однородных и неоднородных систем (теорема Кронекера-Капелли)
15. Ограниченные числовые множества, максимумы, минимумы и точные грани числовых множеств
16. Однородные и неоднородные системы, решения системы, совместные и несовместные системы, определенные и неопределенные системы
17. Определитель матрицы и его свойства. Определители матриц 2-го и 3-го порядков
18. Понятие  $n$ -мерного вектора. Действия над векторами
19. Понятие матрицы, виды матриц, операции над матрицами и их свойства
20. Понятие множества. Способы описания множеств и операций над ними: объединение, пересечение, разность, дополнение
21. Правила сравнения векторов: нулевой вектор, равенство и неравенства между векторами; неотрицательный ортант  $R_n^+$ . Геометрическая интерпретация в  $R^2$
22. Правило вычисления определителей произвольного порядка
23. Приложения последовательностей в экономике. Простые проценты; сложные проценты с однократным, многократным и непрерывным начислением
24. Равенство множеств. Пустое множество. Множество всех подмножеств данного множества
25. Ранг матрицы, способы его нахождения, линейная зависимость строк (столбцов) матрицы Свойства ранга матрицы
26. Свойства определителей
27. Свойства сходящихся последовательностей: единственность предела; ограниченность; арифметические операции; предельный переход в неравенствах
28. Связь сходящихся последовательностей с бесконечно малыми последовательностями
29. Системы линейных алгебраических уравнений с квадратной матрицей. Решение в матричной форме, правило Крамера
30. Скалярное произведение векторов и его свойства
31. Стандартный базис и разложение произвольного вектора по базису
32. Сходящиеся последовательности. Предел числовой последовательности
33. Угол между векторами; ортогональность векторов
34. Число Эйлера. Алгебраическое доказательство
35. Числовая последовательность. Определение; способы задания арифметические действия Ограниченные и неограниченные числовые последовательности

#### ТИПОВЫЕ ЗАДАНИЯ ДЛЯ ПРОВЕРКИ УМЕНИЙ:

2-й вопрос билета (30 баллов), вид вопроса: Задание на умение. Критерий: Каждое правильно выполненное задание оценивается в 15 баллов.

**Компетенция: ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общетехнические знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности**

Умение: Уметь применять естественнонаучные и общетехнические знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности

Задача № 1. Задание на выполнение финансовых расчетов

Задача № 2. Задание на составление математической модели и решение задачи с экономическим содержанием

#### ТИПОВЫЕ ЗАДАНИЯ ДЛЯ ПРОВЕРКИ НАВЫКОВ:

3-й вопрос билета (30 баллов), вид вопроса: Задание на навыки. Критерий: Первые два правильно выполненных задания оцениваются по 5 баллов каждое, Последние два задания- по 10 баллов..

**Компетенция: ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общетехнические знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности**

Навык: Владеть навыками применения естественнонаучных и общетехнических знаний, методов математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности

Задание № 1. Задание на выполнение операций над матрицами

Задание № 2. Задание на вычисление определителей

Задание № 3. Задание на вычисление предела последовательности

Задание № 4. Задание на исследование и решение системы линейных алгебраических уравнений

#### ОБРАЗЕЦ БИЛЕТА

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования <b>«БАЙКАЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ» (ФГБОУ ВО «БГУ»)</b>	Направление - 09.03.03 Прикладная информатика Профиль - Информационные системы и технологии в управлении Кафедра математических методов и цифровых технологий Дисциплина - Математика
---	---

#### ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 1

1. Тест (40 баллов).
2. Задание на составление математической модели и решение задачи с экономическим содержанием (30 баллов).
3. Задание на вычисление предела последовательности (30 баллов).

Составитель \_\_\_\_\_ Н.В. Антипина

Заведующий кафедрой \_\_\_\_\_ А.В. Родионов

**Рабочим учебным планом предусмотрен Экзамен в семестре 12.**

#### ВОПРОСЫ ДЛЯ ПРОВЕРКИ ЗНАНИЙ:

1-й вопрос билета (40 баллов), вид вопроса: Тест/проверка знаний. Критерий: Каждое правильно выполненное задание оценивается в 4 балла.

**Компетенция: ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общетехнические знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности**

Знание: Знать, как применять естественнонаучные и общетехнические знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности

1. Арифметические операции над непрерывными функциями
2. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Связь бесконечно малых функций с пределом функции. Свойства и сравнение бесконечно малых функций
3. Бесконечные односторонние пределы
4. График функции и уравнение графика функции. Способы задания функций
5. Дифференцирование параметрически заданных и неявно заданных функций
6. Использование дифференциала функции для приближенного вычисления значения функции
7. Классификация функций
8. Метод замены переменной в неопределенном интеграле
9. Метод замены переменной и метод интегрирования по частям в определенном интеграле. Связь неопределенного и определенного интегралов
10. Метод интегрирования по частям в неопределенном интеграле
11. Метод логарифмического дифференцирования для показательной-степенной функции и степенной функции с произвольным вещественным показателем
12. Метод параллельных сечений для построения поверхностей второго порядка. Линии уровня и поверхности уровня
13. Необходимое и достаточное условие локального экстремума 1-го порядка на интервале. Достаточные условия 2-го порядка. Правило поиска глобального экстремума на отрезке
14. Необходимое и достаточное условие монотонности и строгой монотонности функции на интервале
15. Необходимые и достаточные условия безусловного экстремума функции двух переменных
16. Необходимое условие интегрируемости. Критерий интегрируемости
17. Необходимые и достаточные условия выпуклости и вогнутости функции на интервале
18. Непосредственное интегрирование
19. Непрерывность на отрезке и интервале
20. Непрерывность суперпозиции непрерывных функций
21. Непрерывность функции: определения на языке  $\epsilon$ - $\delta$ , в терминах предела функции и на языке последовательностей; их эквивалентность
22. Непрерывность элементарных функций
23. Односторонние пределы и их связь с пределом функции в точке
24. Определение выпуклой и вогнутой функций на интервале
25. Определение дифференциала высших порядков функции многих переменных
26. Определение дифференциала функции в точке, его геометрический смысл
27. Определение дифференцируемой функции в точке. Связь между дифференцируемостью и непрерывностью функции в точке
28. Определение неопределенного интеграла, его свойства
29. Определение несобственных интегралов I и II рода. Сходимость несобственных интегралов
30. Определение первообразной функции и ее свойства
31. Определение производной функции в точке, ее геометрический смысл. Уравнение касательной к графику функции
32. Определение точки перегиба. Необходимые и достаточные условия существования точки перегиба
33. Определение частного и полного дифференциалов функции многих переменных
34. Определение частной производной первого порядка функции многих переменных

35. Определение частных производных высших порядков. Теорема о равенстве смешанных частных производных второго порядка
36. Определение числовой функции  $n$  переменных. Экономическая интерпретация
37. Определения производной по направлению и градиента функции многих переменных. Теорема об их связи
38. Определенный интеграл как предел интегральной суммы, его свойства
39. Основные методы интегрирования
40. Основные методы интегрирования в определенном интеграле и их суть
41. Основные свойства непрерывных функций: устойчивость знака; прохождение через нуль; промежуточные значения (непрерывность образа); ограниченность и существование максимума и минимума на отрезке (теоремы Вейерштрасса).
42. Понятие дифференциалов высших порядков
43. Понятие максимума, минимума и точных верхней и нижней граней функции
44. Понятие производных высших порядков
45. Понятия неявной функции и функции, заданной параметрически
46. Понятия сложной и обратной функций
47. Правила дифференцирования суммы, разности, произведения и частного функций
48. Предел арифметических операций над функциями с общей областью определения
49. Предел функции в точке: определение предела на языке последовательностей и на языке эпсилон-дельта, их эквивалентность; понятие предела на бесконечности
50. Предельный переход в неравенствах. Первый и второй замечательные пределы
51. Признаки сходимости несобственных интегралов
52. Свойство инвариантности формы первого дифференциала
53. Таблица основных интегралов
54. Теорема о среднем.
55. Теорема о существовании и непрерывности обратной функции
56. Теорема Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши и их геометрическая интерпретация
57. Теоремы о дифференцировании обратной, сложной функций.
58. Точки разрыва функции и их классификация
59. Формула Ньютона-Лейбница
60. Формулы производной постоянной, степенной, тригонометрических и логарифмических функций
61. Формулы производных показательной и обратных тригонометрических функций
62. Числовые (скалярные) функции одной переменной как отображения подмножества  $R$  в  $R$  Область определения и множества значений; примеры из экономической теории

#### ТИПОВЫЕ ЗАДАНИЯ ДЛЯ ПРОВЕРКИ УМЕНИЙ:

2-й вопрос билета (30 баллов), вид вопроса: Задание на умение. Критерий: Каждое правильно выполненное задание оценивается в 15 баллов.

**Компетенция: ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности**

Умение: Уметь применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности

Задача № 1. Задание на вычисление площади плоской фигуры

Задача № 2. Задание на приложение линий уровня функции двух переменных в экономике

#### ТИПОВЫЕ ЗАДАНИЯ ДЛЯ ПРОВЕРКИ НАВЫКОВ:

3-й вопрос билета (30 баллов), вид вопроса: Задание на навыки. Критерий: Каждое правильно выполненное задание оценивается в 10 баллов.

**Компетенция: ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общетехнические знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности**

Навык: Владеть навыками применения естественнонаучных и общетехнических знаний, методов математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности

Задание № 1. Задание на вычисление определенного интеграла

Задание № 2. Задание на исследование функции одной переменной на непрерывность

Задание № 3. Задание на нахождение безусловного экстремума функции двух переменных

### ОБРАЗЕЦ БИЛЕТА

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования <b>«БАЙКАЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ» (ФГБОУ ВО «БГУ»)</b>	Направление - 09.03.03 Прикладная информатика Профиль - Информационные системы и технологии в управлении Кафедра математических методов и цифровых технологий Дисциплина - Математика
---	---

### ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 1

1. Тест (40 баллов).
2. Задание на приложение линий уровня функции двух переменных в экономике (30 баллов).
3. Задание на нахождение безусловного экстремума функции двух переменных (30 баллов).

Составитель \_\_\_\_\_ Н.В. Антипина

Заведующий кафедрой \_\_\_\_\_ А.В. Родионов

#### **7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)**

##### **а) основная литература:**

1. Сидоренко Г. В. Линейная алгебра и линейные экономические модели. учеб. пособие/ Г. В. Сидоренко.- Иркутск: Изд-во БГУЭП, 2009.-180 с.
2. Дыхта В. А. Линейная алгебра и экономические модели. учеб. пособие/ В. А. Дыхта.- Иркутск: Изд-во ИГЭА, 1997.-232 с.
3. Шипачев В. С. Математический анализ. учеб. пособие для вузов/ В. С. Шипачев.- М.: Высш. шк., 2001.-176 с.
4. Никифорова И. А., Шерстянкина Н. П. Математический анализ. курс лекций. Электронный ресурс/ И. А. Никифорова, Н. П. Шерстянкина.- Иркутск: Изд-во БГУЭП, 2015.-97 с.
5. Белых Т.И., Бурдуковская А.В. Интегральное исчисление функции одной переменной и его приложения в экономике.- Иркутск: Изд-во БГУЭП, 2013.- 500 с.

6. Белых Т.И., Бурдуковская А.В. Математика в экономике. Часть IX. Линейная алгебра и элементы аналитической геометрии.- Изд-во БГУ, 2018.- 105 с.
7. [Ахметгалиева В.Р. Математика. Линейная алгебра \[Электронный ресурс\] : учебное пособие / В.Р. Ахметгалиева, Л.Р. Галяутдинова, М.И. Галяутдинов. — Электрон. текстовые данные. — М. : Российский государственный университет правосудия, 2017. — 60 с. — 978-5-93916-552-5. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/65863.html>](#)
8. [Балабаева Н.П. Математический анализ. Функции многих переменных \[Электронный ресурс\] : учебное пособие / Н.П. Балабаева, Е.А. Энбом. — Электрон. текстовые данные. — Самара: Поволжский государственный университет телекоммуникаций и информатики, 2015. — 119 с. — 2227-8397. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/71852.html>](#)
9. [Магазинников Л.И. Высшая математика. Дифференциальное исчисление \[Электронный ресурс\] : учебное пособие / Л.И. Магазинников, А.Л. Магазинников. — Электрон. текстовые данные. — Томск: Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники, 2017. — 188 с. — 978-5-4332-0114-9. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/72078.html>](#)

**б) дополнительная литература:**

1. Кремер Н. Ш., Фридман М. Н. Линейная алгебра. рек. М-вом образования РФ. учебник и практикум/ Н. Ш. Кремер, М. Н. Фридман.- М.: Юрайт, 2014.-307 с.
2. Ильин В. А. Владимир Александрович, Садовничий В. А. Виктор Антонович, Сендов Бл. Х. Благовест Христов Математический анализ. рек. УМО по клас. унив. образованию. учебник для бакалавров. [В 2 ч.] Ч. 2. 4-е изд./ В. А. Ильин, В. А. Садовничий, Бл. Х. Сендов.- М.: Юрайт, 2013.-660 с.
3. Малугин В. А. Математический анализ для экономического бакалавриата. допущено УМО по классическому унив. образованию. учебник и практикум/ В. А. Малугин.- М.: Юрайт, 2013.-556 с.
4. Белых Т.И., Бурдуковская А.В. Математика в экономике. Часть VI. Ряды.- Иркутск: Изд-во БГУЭП, 2015.- 100 с.
5. Белых Т.И., Бурдуковская А.В. Обыкновенные дифференциальные уравнения и их приложения в экоомической динамике.- Иркутск: Изд-во БГУЭП, 2013.- 127 с.
6. [Дегтярева О.М. Высшая математика. Материалы для подготовки бакалавров и специалистов. Часть I \[Электронный ресурс\] : учебное пособие / О.М. Дегтярева, Р.Н. Хузиахметова, А.Р. Хузиахметова. — Электрон. текстовые данные. — Казань: Казанский национальный исследовательский технологический университет, 2016. — 104 с. — 978-5-7882-1912-7. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/61962.htm>](#)
7. [Задачи и упражнения по математическому анализу и дифференциальным уравнениям \[Электронный ресурс\] : учебное пособие / В.В. Власов \[и др.\]. — Электрон. текстовые данные. — Москва, Саратов: Интернет-Университет Информационных Технологий \(ИНТУИТ\), Вузовское образование, 2017. — 376 с. — 978-5-4487-0077-4. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/67393.html>](#)

**8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля), включая профессиональные базы данных и информационно-справочные системы**

Для освоения дисциплины обучающемуся необходимы следующие ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»:

- Сайт Байкальского государственного университета, адрес доступа: <http://bgu.ru/>, доступ круглосуточный неограниченный из любой точки Интернет
- КиберЛенинка, адрес доступа: <http://cyberleninka.ru>. доступ круглосуточный, неограниченный для всех пользователей, бесплатное чтение и скачивание всех научных публикаций, в том числе пакет «Юридические науки», коллекция из 7 журналов по правоведению

- Электронно-библиотечная система IPRbooks, адрес доступа: <https://www.iprbookshop.ru>. доступ неограниченный
- Электронный словарь English-English Dictionary, адрес доступа: <http://www.dictionary.com/>. доступ неограниченный

## **9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)**

Изучать дисциплину рекомендуется в соответствии с той последовательностью, которая обозначена в ее содержании. Для успешного освоения курса обучающиеся должны иметь первоначальные знания в области элементарной математики (школьный курс).

На лекциях преподаватель озвучивает тему, знакомит с перечнем литературы по теме, обосновывает место и роль этой темы в данной дисциплине, раскрывает ее практическое значение. В ходе лекций студенту необходимо вести конспект, фиксируя основные понятия и проблемные вопросы.

Практические (семинарские) занятия по своему содержанию связаны с тематикой лекционных занятий. Начинать подготовку к занятию целесообразно с конспекта лекций. Задание на практическое (семинарское) занятие сообщается обучающимся до его проведения. На семинаре преподаватель организует обсуждение этой темы, выступая в качестве организатора, консультанта и эксперта учебно-познавательной деятельности обучающегося.

Изучение дисциплины (модуля) включает самостоятельную работу обучающегося.

Основными видами самостоятельной работы студентов с участием преподавателей являются:

- текущие консультации;
- коллоквиум как форма контроля освоения теоретического содержания дисциплин: (в часы консультаций, предусмотренные учебным планом);
- прием и разбор домашних заданий (в часы практических занятий);
- прием и защита лабораторных работ (во время проведения занятий);
- выполнение курсовых работ в рамках дисциплин (руководство, консультирование и защита курсовых работ в часы, предусмотренные учебным планом) и др.

Основными видами самостоятельной работы студентов без участия преподавателей являются:

- формирование и усвоение содержания конспекта лекций на базе рекомендованной лектором учебной литературы, включая информационные образовательные ресурсы (электронные учебники, электронные библиотеки и др.);
- самостоятельное изучение отдельных тем или вопросов по учебникам или учебным пособиям;
- написание рефератов, докладов;
- подготовка к семинарам и лабораторным работам;
- выполнение домашних заданий в виде решения отдельных задач, проведения типовых расчетов, расчетно-компьютерных и индивидуальных работ по отдельным разделам содержания дисциплин и др.

## **10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения**

В учебном процессе используется следующее программное обеспечение:

- MS Office,



## **11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю):**

В учебном процессе используется следующее оборудование:

- Помещения для самостоятельной работы, оснащенные компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду вуза,
- Учебные аудитории для проведения: занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, практических занятий, выполнения курсовых работ, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, укомплектованные специализированной мебелью и техническими средствами обучения,
- Мультимедийный класс,
- Компьютерный класс,
- Наборы демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий